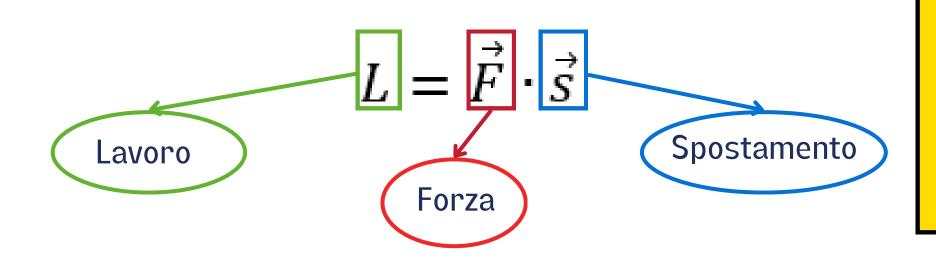
# Il lavoro: energia in azione!

#### Definizione e formula:

Il **lavoro** <u>è una forma di energia</u>, pari al <u>prodotto scalare</u> della forza applicata ad un corpo per lo spostamento che lo stesso subisce (a seguito dell'applicazione della forza):



#### **ATTENZIONE:**

Il prodotto scalare si indica sempre con il simbolo "·", per distinguerlo dal prodotto vettoriale (per il quale si usa il simbolo "x")

Quindi per avere un lavoro, <u>abbiamo bisogno di una forza e di uno spostamento!</u>

#### **Osservazione 1:**

La domanda nasce spontanea: essendo il prodotto di due vettori, il lavoro è una grandezza vettoriale?

#### **Assolutamente NO!!!**

Il <u>prodotto scalare</u>, infatti, ci fornisce uno <u>scalare</u> (lo dice anche il nome)!

E non potrebbe essere altrimenti: **il lavoro** è una forma di energia... e l'energia è una **grandezza scalare**!

#### Unità di misura:

Essendo una forma di energia, conosciamo anche l'unità di misura:

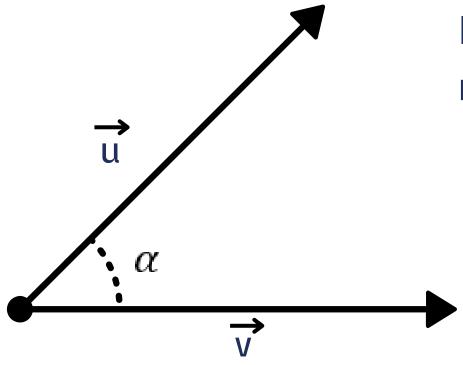
$$N \cdot m = I$$
 (joule)

Verifichiamolo, come al solito, attraverso l'analisi dimensionale!

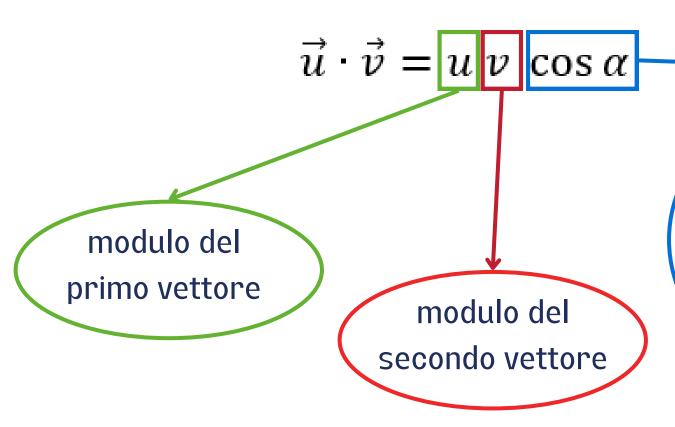
Per farlo, dobbiamo sapere come calcolare il prodotto scalare!!!

#### Unità di misura:

Consideriamo due vettori ed indichiamo con  $\alpha$  l'angolo compreso tra di essi.



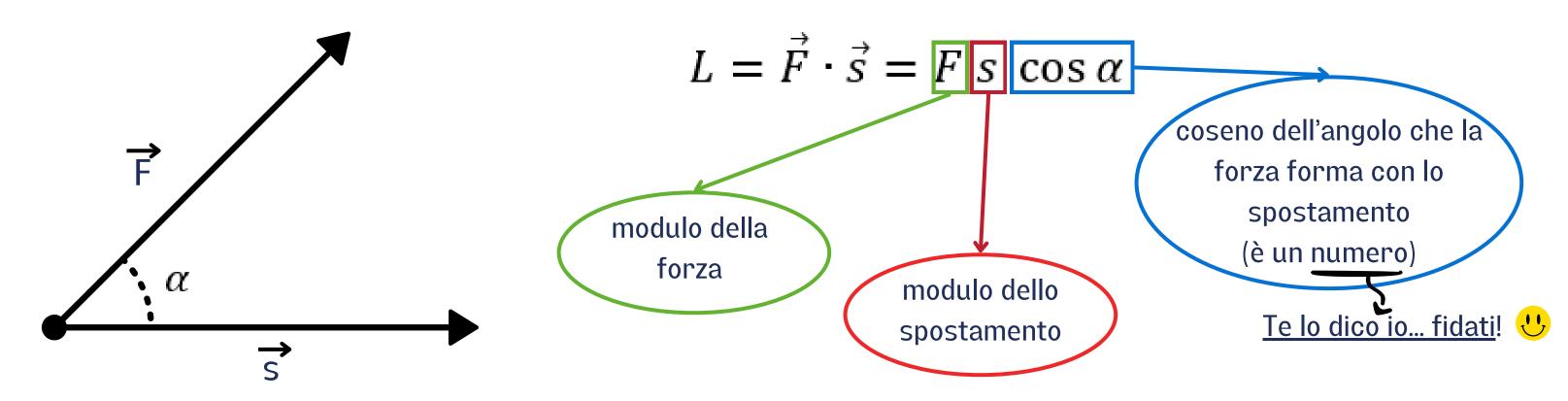
Il prodotto scalare tra i due vettori è pari al prodotto dei loro moduli, moltiplicato per il coseno dell'angolo compreso tra di essi:



Non entreremo nel merito di cosa sia esattamente, ma per ora accontentiamoci di sapere che è un numero!

#### Unità di misura:

Torniamo alla formula del lavoro ed applichiamo la definizione di prodotto scalare.



Ma se il coseno è un numero puro (adimensionale), l'unità di misura del lavoro sarà data solo dalla forza e dallo spostamento!!!

### Unità di misura:

Quindi:

$$L = F(s) \cos \alpha \rightarrow [N \cdot m] \rightarrow [J]$$

<u>Tutto torna</u>: il lavoro è una forma di energia... e l'energia si misura in joule! Quindi non avremmo potuto ottenere un risultato diverso!!!

#### **Osservazione 2:**

Se il lavoro è <u>positivo</u>, vuol dire che la forza <u>favorisce lo spostamento</u>.



In questo caso si parla di:
lavoro motore

Se il lavoro è <u>negativo</u>, vuol dire che la forza <u>si oppone allo spostamento</u>.

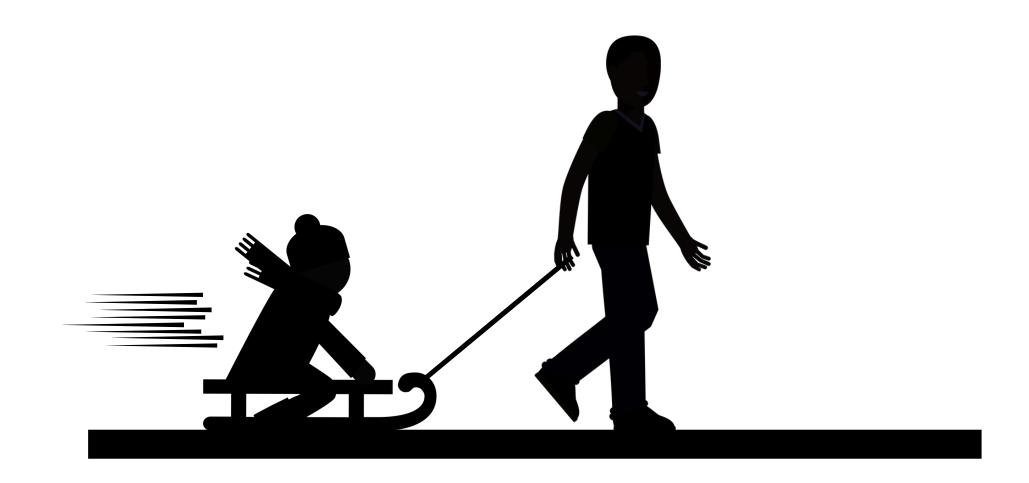


In questo caso si parla di:

lavoro resistente

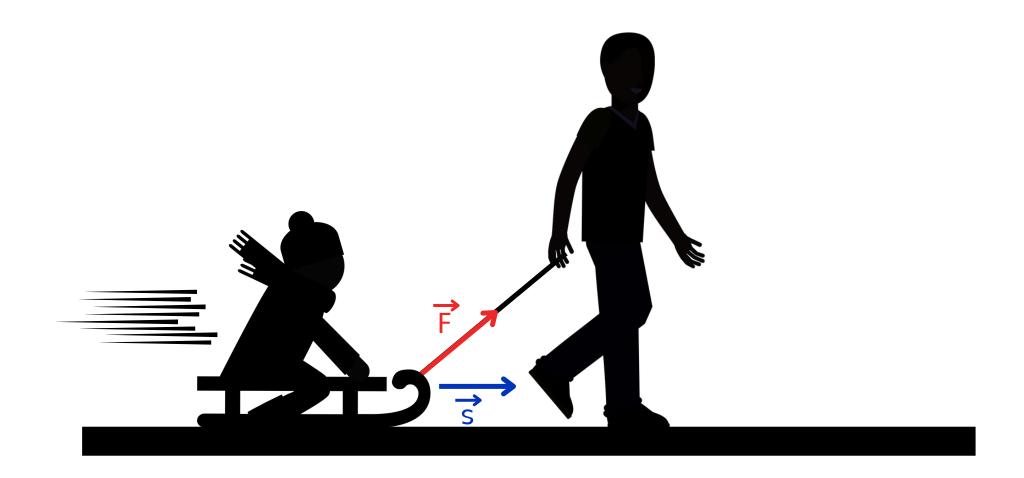
## Esempio pratico:

Consideriamo il caso rappresentato in figura: un bambino, posto su uno slittino, viene trainato dal padre.



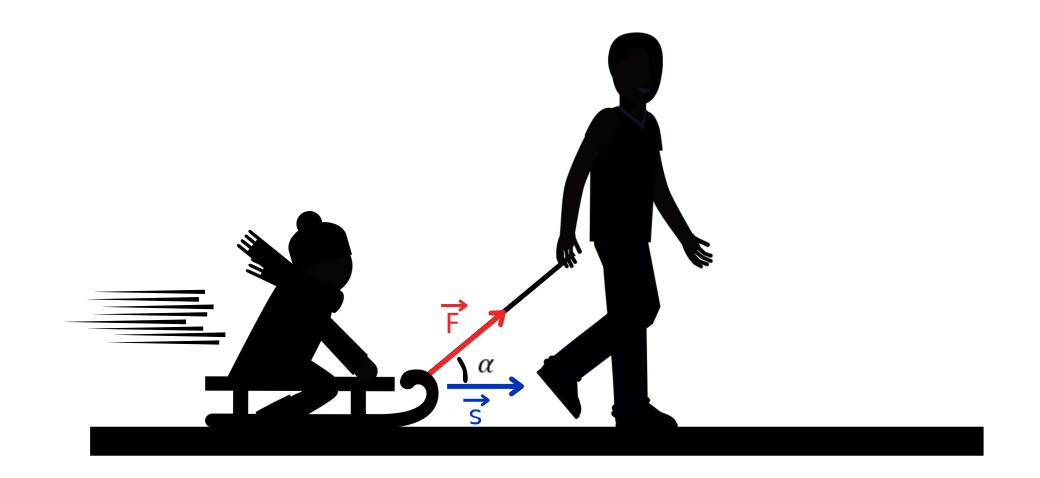
## Esempio pratico:

Il padre, tirando la corda, applica una forza  $\overrightarrow{F}$  per effetto della quale lo slittino subisce uno spostamento  $\overrightarrow{S}$  verso destra.



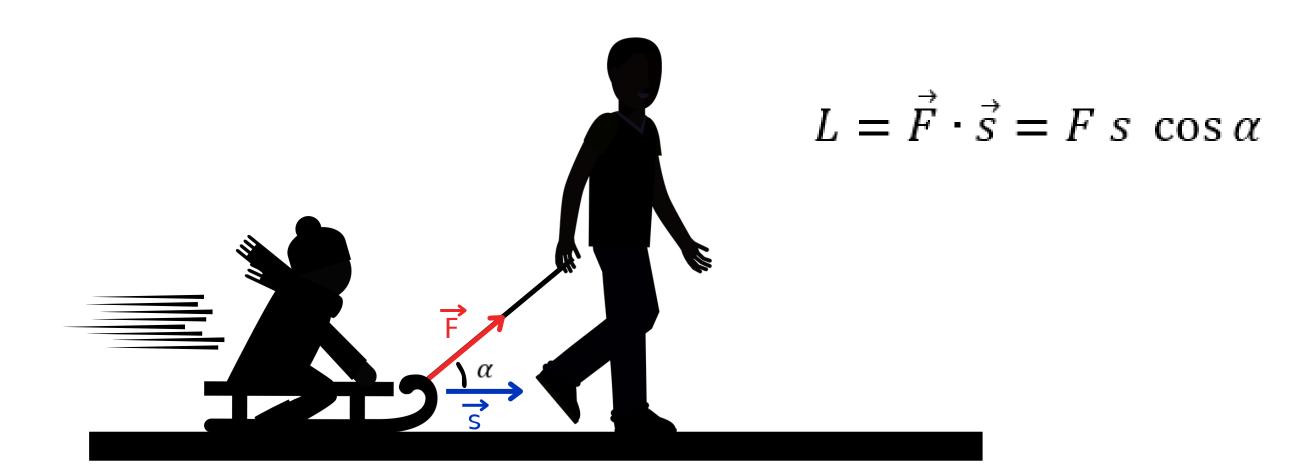
## Esempio pratico:

La forza  $\overrightarrow{F}$  forma con lo spostamento  $\overrightarrow{S}$  un angolo  $\alpha$ .



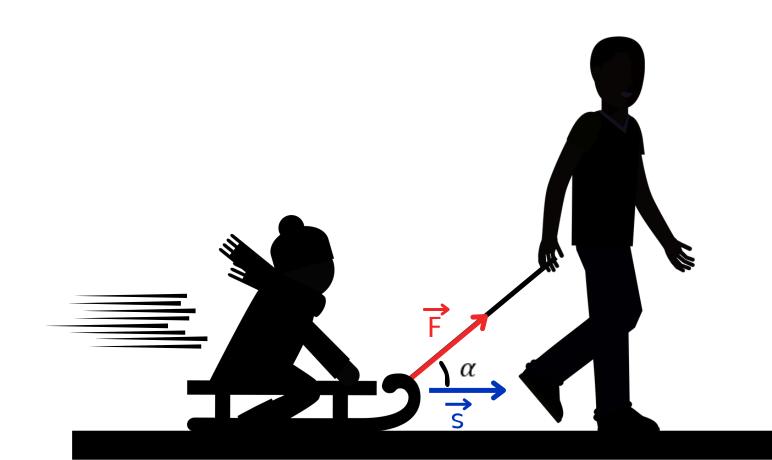
## Esempio pratico:

Il lavoro compiuto dal padre sarà dato dal prodotto scalare della forza per lo spostamento.



## Esempio pratico:

Il lavoro compiuto dal padre sarà dato dal prodotto scalare della forza per lo spostamento.



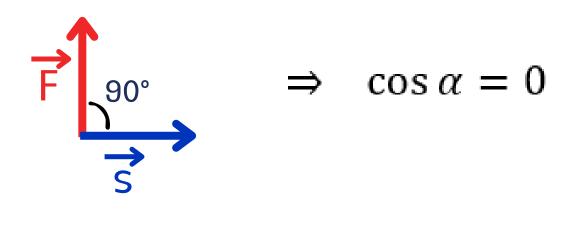
$$L = \vec{F} \cdot \vec{s} = F s \cos \alpha$$

Il nostro "problema", come detto, è il calcolo del coseno.
Non lo faremo, per cui vedremo 3 casi notevoli molto semplici!

#### Caso notevole 1:

Francesco ha appena fatto la spesa e sta tornando a casa (si sta spostando verso destra). Tenendo in mano la busta, sta esercitando sulla stessa una forza diretta verso l'alto.

In questo caso l'angolo tra i vettori è di 90° e il coseno vale zero!!!



#### Caso notevole 1:

Applicando la formula, notiamo subito che il lavoro è nullo!



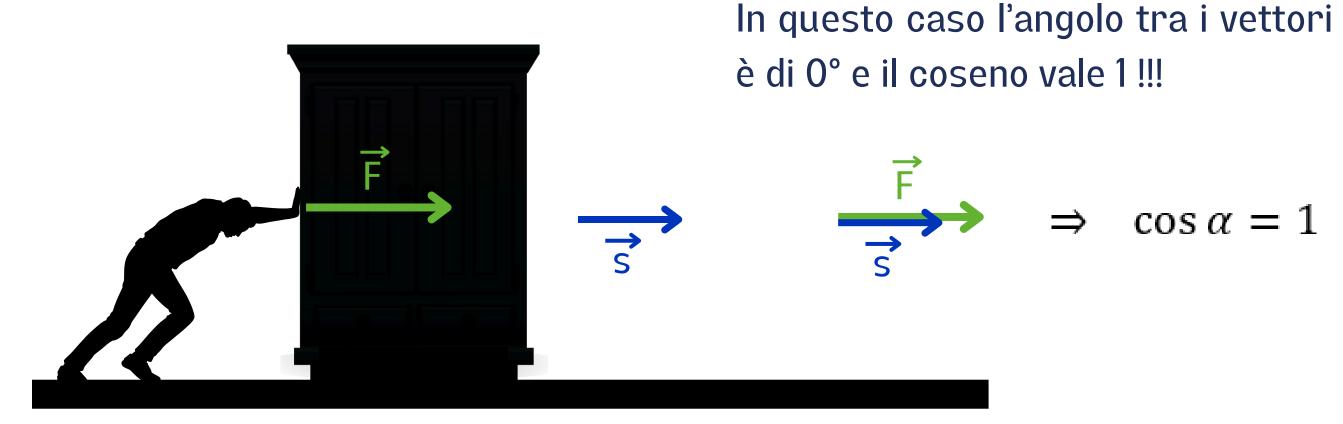
$$L = F s \underbrace{\cos \alpha}_{= 0} = 0$$

Quando il vettore forza è perpendicolare al vettore spostamento, il lavoro è nullo!!!

#### Caso notevole 2:

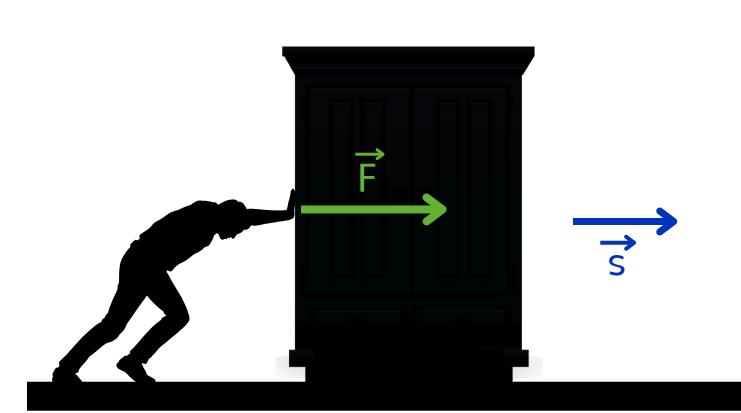
Federico sta spostando (verso destra) un armadio e per farlo applica una forza **F**. E' facile notare che i vettori forza e spostamento sono paralleli (stessa direzione)

e concordi (stesso verso)!



#### Caso notevole 2:

Applicando la formula, notiamo subito che:



$$L = F s \underbrace{\cos \alpha}_{= 1} = F s$$

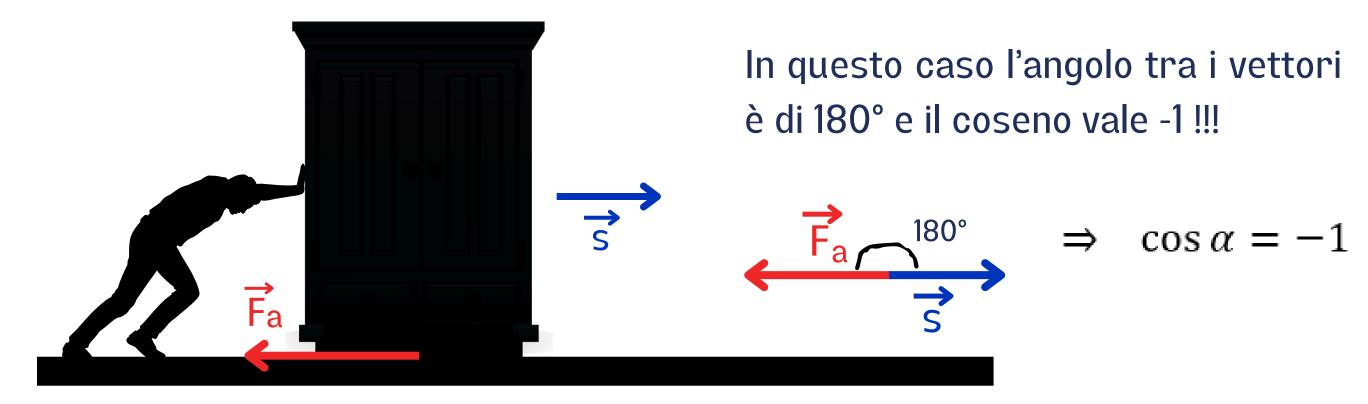
Quando il vettore forza è parallelo e concorde al vettore spostamento, il lavoro è pari al prodotto dei moduli di F ed s!!!

**LAVORO MOTORE** 

#### Caso notevole 3:

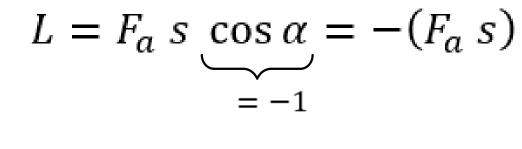
Quando Federico sposta l'armadio, tuttavia, in corrispondenza della superficie di contatto con il pavimento agisce una **forza di attrito radente** (ormai lo sappiamo)!

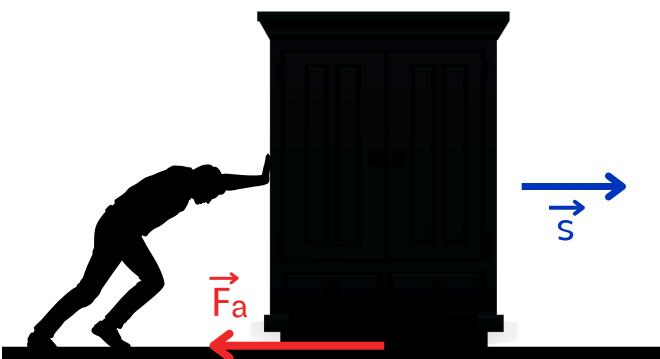
Questa volta il vettore forza è <u>antiparallelo</u> al vettore spostamento (<u>stessa direzione ma verso opposto</u>).



#### Caso notevole 3:

Applicando la formula, notiamo subito che:



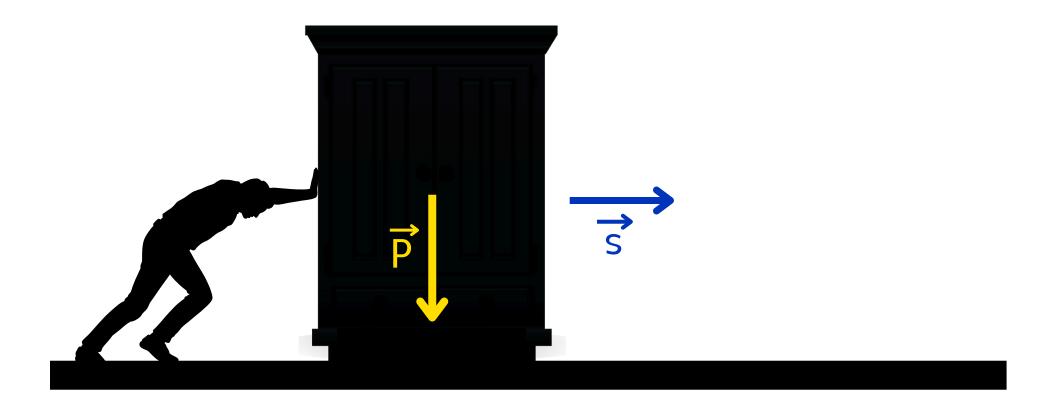


Quando il vettore forza è antiparallelo al vettore spostamento, il lavoro è pari al prodotto dei moduli di F ed s cambiato di segno!!!

AVORO RESISTENTE

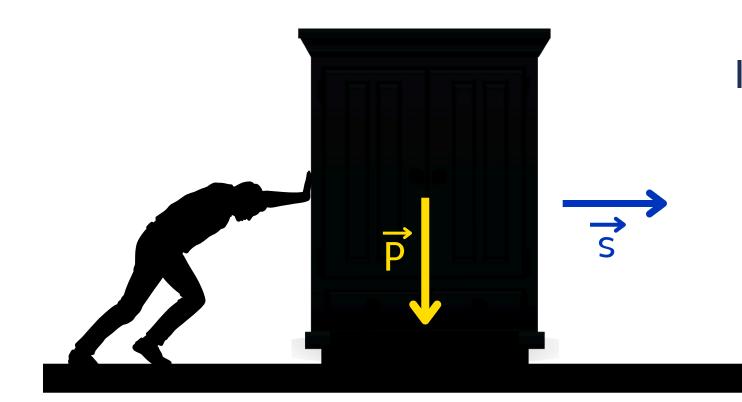
### **Domanda:**

La forza peso  $\overrightarrow{\mathbf{P}}$  dell'armadio compie lavoro per lo spostamento  $\overrightarrow{\mathbf{s}}$ ?



#### **Domanda:**

La forza peso  $\overrightarrow{P}$  dell'armadio compie lavoro per lo spostamento  $\overrightarrow{s}$ ?



La risposta è **NO**!!!
Infatti i vettori sono perpendicolari e quindi il lavoro è nullo (CASO 1)!!!

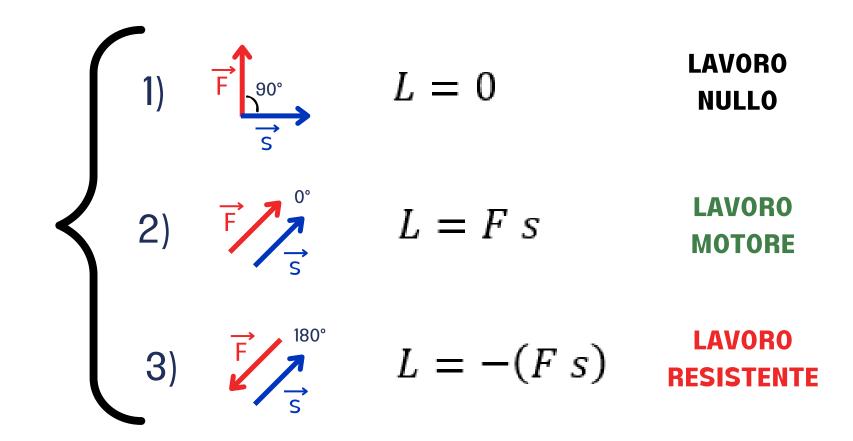
#### Sintesi:

CASO GENERALE

$$L = \vec{F} \cdot \vec{s} = F s \cos \alpha$$

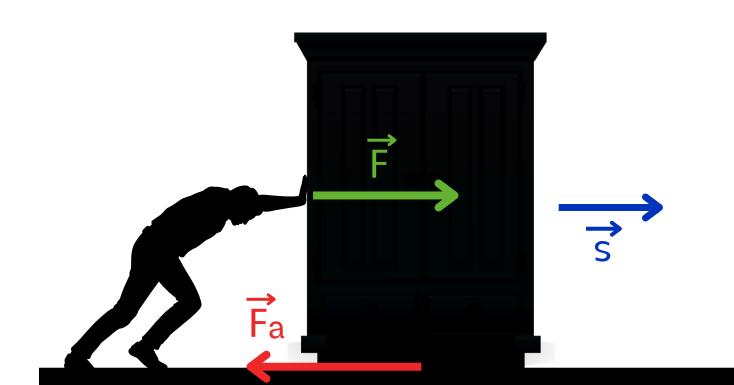
A seconda dei casi il lavoro può essere nullo, motore o resistente

#### CASI PARTICOLARI



#### **Esercizio:**

Riprendiamo l'esempio dell'armadio e proponiamoci di valutare il lavoro compiuto dalle forze  $\overrightarrow{\mathbf{F}}$  e  $\overrightarrow{\mathbf{F}_{\mathbf{a}}}$  rispetto allo spostamento  $\overrightarrow{\mathbf{s}}$ .



#### **DATI:**

• m = 50 kg

massa armadio

• s = 5 m

spostamento

• F = 300 N

forza applicata

•  $\mu_{s} = 0.4$ 

coeff. attrito statico

#### **Esercizio:**

Per quanto riguarda la forza  $\overrightarrow{\mathbf{F}}$ , è molto semplice calcolare il lavoro: basta applicare la formula.

$$L = F s \underbrace{\cos \alpha}_{= 1} = F s = 300 N \cdot 5 m = 1500 J$$

**LAVORO MOTORE** 

Quesito risolto!



#### **Esercizio:**

Per quanto riguarda la forza d'attrito  $\overrightarrow{F_a}$ , dobbiamo fare qualche passaggio in più!

L'unica forza che può generare attrito radente è il peso dell'armadio:

$$P = m g = 50 kg \cdot 9{,}81 \frac{m}{s^2} = 490{,}5 N$$

La forza d'attrito, quindi, risulta:

$$F_a = \mu_s P = 0.4 \cdot 490.5 N = 196.2 N$$

#### **Esercizio:**

Adesso possiamo applicare la formula del lavoro:

$$L = F_a s \underbrace{\cos \alpha}_{= -1} = -(F_a s) = -(196,2 N \cdot 5 m) = -981 J$$

Quesito risolto!





#### **Osservazione 3:**

Abbiamo detto più volte che i concetti di "lavoro" ed "energia" sono strettamente collegati tra loro.

Ed in effetti, abbiamo anche detto che il lavoro è "una forma di energia".

Vediamo di capirlo una volta per tutte con riferimento all'energia potenziale gravitazionale!

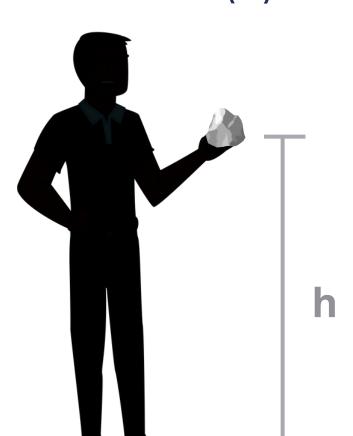
Ma visto che sarete stanchi, lascio la lettura ai più coraggiosi! Gli altri possono andare direttamente all'osservazione n. 4!





#### **Osservazione 3:**

Supponiamo di raccogliere un sasso (di massa m) dal pavimento e di sollevarlo fino ad una certa altezza (h).



In virtù della sua altezza rispetto al pavimento, il sasso avrà un'energia potenziale gravitazionale pari a:

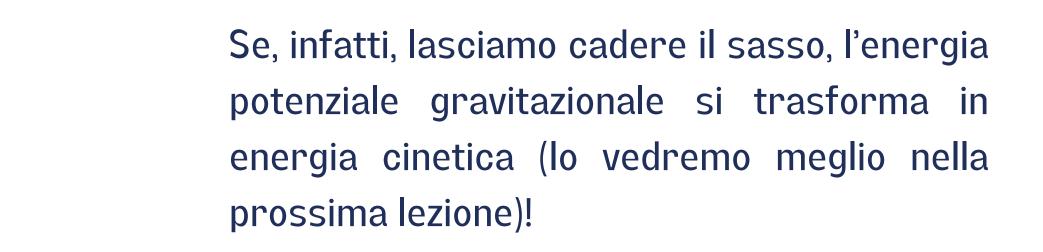
$$U_g = m g h$$



#### **Osservazione 3:**

L'energia potenziale gravitazionale, tuttavia, non si manifesta immediatamente (l'abbiamo detto): essa <u>ha il potere</u> (la potenzialità) di <u>compiere lavoro</u> e di <u>trasformarsi in un'altra forma di</u>

<u>energia!</u>

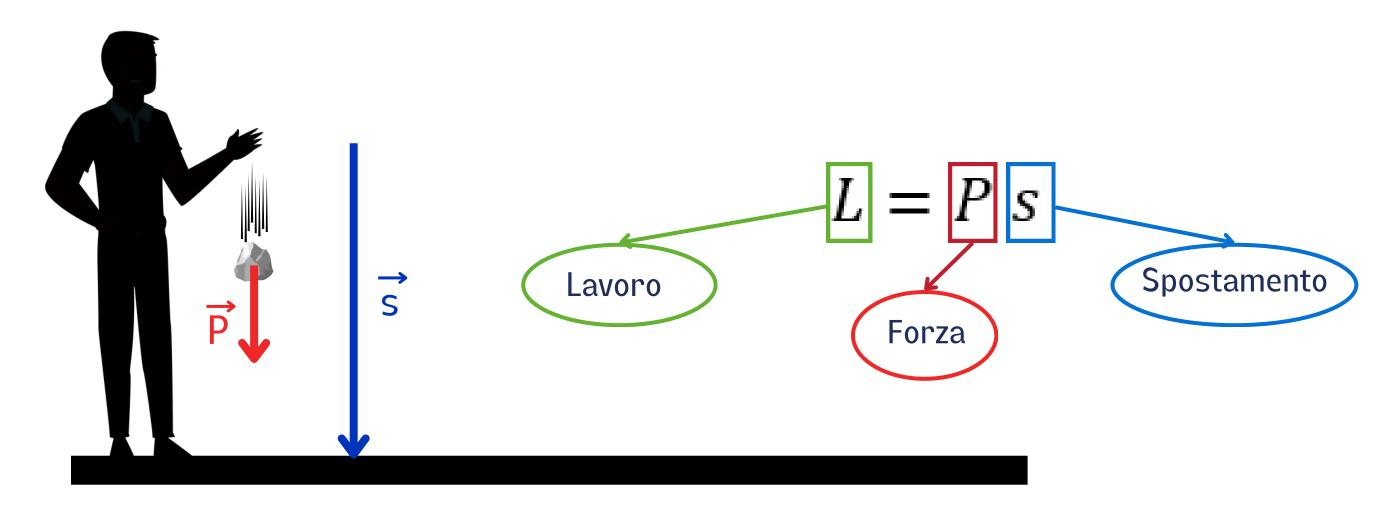






#### **Osservazione 3:**

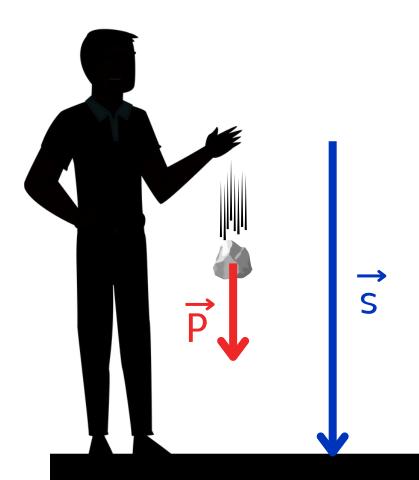
Ma sull'oggetto agisce costantemente la forza peso (P = m g). Se il sasso cade sul pavimento, tale forza compie un lavoro pari a:





#### **Osservazione 3:**

Ma la forza peso risulta pari a: P = m g (massa per accelerazione di gravità); e lo spostamento risulta pari a: s = h (altezza di caduta).



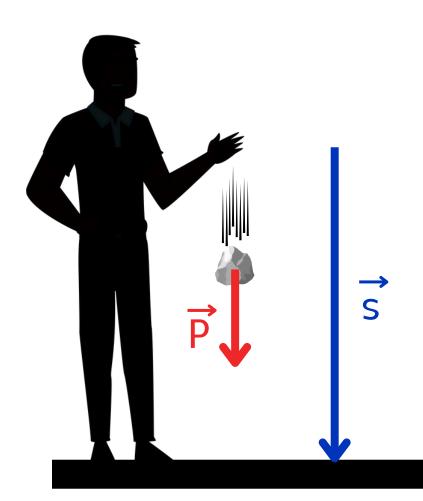
Pertanto, il lavoro compiuto dalla forza peso risulta pari a:

$$L = P s = m g h$$



#### **Osservazione 3:**

Confrontiamo l'espressione dell'energia potenziale con quella del lavoro. Cosa notate?



$$U_a = m g h$$

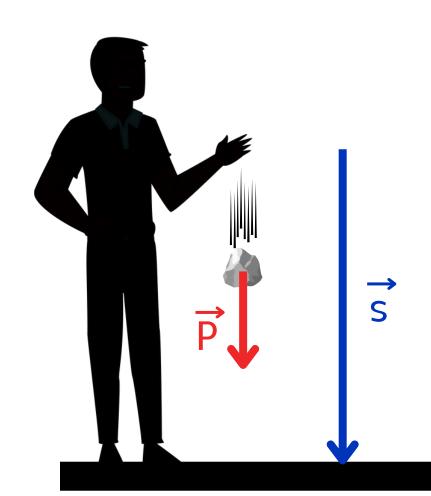
$$U_g = m g h$$
  $L = P s = m g h$ 





#### **Osservazione 3:**

Esatto... sono uguali!!!



$$U_g = m g h \qquad L = P s = m g h$$

Il sasso, trovandosi a una certa altezza, ha la <u>potenzialità</u> di <u>compiere lavoro</u> grazie alla forza di gravità.

Portando il sasso ad una certa altezza, è come se lo avessimo caricato di quell'energia necessaria al campo gravitazionale per riportarlo giù (sul pavimento)!



#### **Osservazione 4:**

Nella scorsa lezione abbiamo accennato al concetto di "forza conservativa"...

Cerchiamo di capire di cosa si tratta!

Ma come... siete davvero così stanchi?!? E va bene... leggete e basta... ma fatelo almeno con attenzione! 😃





#### **Osservazione 4:**

Le forze si dividono in due categorie:

- FORZE CONSERVATIVE;
- FORZE NON CONSERVATIVE.

Per comprenderne la differenza, consideriamo un corpo che, per effetto di una forza, si sposta dal punto A al punto B. Questo spostamento può avvenire secondo percorsi diversi:





#### **Osservazione 4:**

Le forze si dividono in due categorie:

#### **FORZE CONSERVATIVE**



Il lavoro compiuto da A a B non dipende dal cammino percorso, ma solo dalla posizione iniziale (A) e da quella finale (B)



#### **Esempi tipici:**

forza peso forza elastica

#### **FORZE NON CONSERVATIVE**



Il lavoro compiuto da A a B dipende dalla lunghezza del cammino percorso.



**Esempi tipici:** 

forza d'attrito

# Fine lezione